

竜ヶ崎第一高等学校 白幡探究Ⅰ 数学領域

等差数列を用いて配分を求める

Sequence of numbers with common difference

71th 1年 E組 8班

◎山口拓人 薬師寺蓮 野田幸那 秀島柚夏 吉田涼花

◎YAMAGUCHI.takuto YAKUSHIJI.ren NODA.yukina

HIDESHIMA.yuka YOSHIDA.suzuka

原文 -Original-



キーワード

等差数列：
Sequence of number
with common difference

現代語訳 -Modern translation-

銀5貫を5組に配分する時、4番目の組へ1番目の組に配分される銀の量の五分の三を配分し、それを割符に記し、各組を問う。

壱番 一貫三百六拾三匁六分三厘六毫

弐番 一貫百八拾壱匁八分壱厘八毫

三番 一貫目

四番 八百拾八匁八厘八毫一毛

五番 六百三拾六匁三分六厘三毫六

壱貫目を五つに割り、三をかけ、六百は四番の目安。

壱番の一貫目から六百目を引き、残りの四百目を三つに割り、百三拾三匁三三三となる。

これは差である。

これを壱番の一貫目から引くと、弐番の目安となる。

このようにして、段々引き、各目安を求め、それを合計すると

三貫目六百六拾六匁六分六毫六厘六毫になる。

これで有銀を割ると、壱番の取り銀になる。

それに他の目安をそれぞれかけると、それぞれの取り銀となる。

係:秀島 柚夏・薬師寺 蓮

英語訳 -English translation-

When five^{kan} of silver [It was the money used in Edo period] is divided to five groups,
 $\frac{3}{5}$ of the amount of the first group is distributed to Group NO4, and it is written down on the certificate.
Find the amount of the silvers divided to each groups.

Answer

NO1	1 ^{kan}	363 ^{monme}	6 ^{bu}	3 ^{rin}	63
NO2	1 ^{kan}	181 ^{monme}	8 ^{bu}	1 ^{rin}	81
NO3	1 ^{kan}				
NO4		818 ^{monme}	1 ^{bu}	8 ^{rin}	1 ^{mou}
NO5		636 ^{monme}	3 ^{bu}	6 ^{rin}	3 ^{mou} 6

[Solution]

1^{kan} is divided by five and multiplied by three, which is the rough estimate of NO4 .

It equals 600^{monme}.

Then, subtract 600^{monme} from 1^{kan} in NO1 and the remainder 400^{monme} divided by 3 gives 133^{monme} 333, which is the difference between the groups.

Subtract this difference from 1^{kan} in NO1. The result is the rough estimate of NO2.

Subtract the difference one after another and find out each rough estimate of the groups such as this.

The total of amount of all rough estimates is 3^{kan} 666^{monme} 6^{bu} 666

This amount divides all of the amount of silver and it gives NO1's Share.

It multiplied by each estimates of the rest of the groups is each real share of silver.

Estimate...目安

Certificate...証明書

係:薬師寺 蓮・野田 幸那

まとめ・今後の課題・感想 -Impressions-

まとめ (Summary)

竹に米や酒を入れていた。銀を貨幣として利用し、現在の千・万などと同じように単位があった。

Rice, liquor and so on put into bamboo. Silver was used as money, also it had a monetary unit. For example, *sen*, *man*.

感想 (Impression)

竹に米や酒を入れていた。銀を貨幣として利用し、現在の千・万などと同じように単位があった。

We had a hard job continuing to read that sentences, however that turned out to be a very good experienced. We were surprised to mathematics of the Edo era as development as the present age it.

今後の課題 (Future problem)

和算の内容をあまり理解できていないまま現代語訳に入ってしまった。
古語の意味をよく調べてから訳に移るようとする。

We have translated into modern language, we don't really understand Wsan's contents. We interpret after research meaning of the archaic word.



係:吉田 涼花

数学的内容 -Mathematical content-

壱番へ配分する銀の量をa、公差をdとする。

$$\text{問題文より、(四番)} = (a - 3d) = \frac{3}{5}a \\ a + (a-d) + (a-2d) + (a-3d) + (a-4d) = 5$$

$$a = 1 \text{貫と仮定して計算する。 (あくまで仮なので、} a' \text{として扱う)} \\ a' \times \frac{3}{5} = 0.6 \leftarrow \text{四番の目安} \\ a' - (a' - 3d') = 1 - 0.6 \\ 3d' = 0.4 \\ d' = 0.13333333.....$$

*原文にはd = 0.133333となっているが、以降の計算の都合上0.13333333として考える

<目安の計算>

$$a' = 1 \\ a' - d' = 0.86666666 \\ a' - 2d' = 0.73333333 \\ a' - 3d' = 0.60000000 \\ a' - 4d' = 0.46666666$$

$$(\text{目安の合計}) = a' + (a' - d') + \dots + (a' - 4d') \\ = 3.6666666$$

$$\begin{aligned} \frac{a'}{5} &= \frac{a'}{(\text{目安の合計})} \\ \frac{a}{5} &= \frac{1}{(\text{目安の合計})} \\ a &= \frac{5}{(\text{目安の合計})} \end{aligned}$$

$$\text{より, } 5 \div 3.6666666 = a \\ a = 1.3636363$$

これに、弐番以降の目安をかけると各々へ配分する銀の量が求まる。

係:秀島 柚夏・野田 幸那



The quantity of Silver divided to NO1 is assumed to be **a**. Common difference is assumed to be **d**

From the question,

$$NO4 = (a - 3d) = \frac{3}{5}a \\ a + (a-d) + (a-2d) + (a-3d) + (a-4d) = 5$$

Let equal 1 [= a']. It is estimate of NO1.

Let's calculate estimate of NO4.

$$a' \times \frac{3}{5} = 0.6 \\ a' - (a' - 3d') = 1 - 0.6 \\ 3d' = 0.4 \\ d' = 0.13333333.....$$

* In this question, d = 0.133333. However, for convenience of explanation, treat as d = 0.13333333

<Calculations of estimate>

$$\begin{aligned} a' &= 1 \\ a' - d' &= 0.86666666 \\ a' - 2d' &= 0.73333333 \\ a' - 3d' &= 0.60000000 \\ a' - 4d' &= 0.46666666 \end{aligned}$$

$$(\text{The total of estimates}) = a' + (a' - d') + \dots + (a' - 4d') = 3.6666666$$

$$\frac{a'}{5} = \frac{a'}{(\text{total})}$$

$$a = \frac{5}{(\text{total})}$$

$$\text{Accordingly, } 5 \div 3.6666666 = a \\ a = 1.3636363$$

Finally, we get the amount of the silvers passed to each groups by multiplying it by estimate of NO2~NO5.

係:野田 幸那・秀島 柚夏